

VEDSKA MATEMATIKA

(Trikovi lažšeg računanja)



Rješavanje u jednom redu

- Kako izračunati troznamenkasti broj pomnožen s troznamenkastim brojem ($997 \cdot 989$) i to bez upotrebe papira i olovke? ;)
- Uz pomoć vedske matematike ovakav zadatak možemo izračunati u samo ... 5 do 10 sekundi!!!! Upravo tako i to možemo napraviti bez papira i olovke!!!

Hm .. $997 \cdot 989$



$=986033$

Crtice iz povijesti

- vedska matematika, kao što samo ime govori potječe iz Veda, staroindijskih tekstova.
- Veda → Vid - (neograničeno znanje, spoznaja)
- postupke i principe staroindijskih naroda otkrio je i razvio
- Sri Bharati Krishna Tirtha Maharaj (1884-1960) te napisao u knjizi *Vedic Mathematics or sixteen simple mathematical formulae form Vedas.*
- samo uvod u vedsku matematiku

- Postoji 16 pravila ili sutra te 13 pod-pravila ili sub-sutra koja nam služe kao upute pri računanju.

1. एकाधिकेन पूर्वोऽपि <i>Ekādhikena Pūrveṇa</i> (also a corollary)	9. चलनकलनाभ्याम् <i>Calana-Kalanābhyām</i>	1. आनुरूप्येण <i>Anurūpyeṇa</i>	8. अन्त्ययोर्दशकेऽपि <i>Antyayordaśake'pi</i>
2. निखिलं नवतश्चरमं दशतः <i>Nikhilam Navataścaramaṁ Daśataḥ</i>	10. यावदूनम् <i>Yāvadūnam</i>	2. शिष्यते शेषसंज्ञः <i>Śiṣyate Śeṣasamjñah</i>	9. अन्त्ययोरेव <i>Antyayoreva</i>
3. ऊर्ध्वंतिर्यग्भ्याम् <i>Ūrdhva-tiryagbhyām</i>	11. व्यष्टिसमष्टिः <i>Vyaṣṭisamaṣṭiḥ</i>	3. आद्यमाद्ये नान्त्यमन्त्येन <i>Ādyamādyenāntya-mantye-na</i>	10. समुच्चयगुणितः <i>Samuccayaguṇitaḥ</i>
4. परावर्त्यं योजयेत् <i>Parāvartya Yojayet</i>	12. शेषाण्यङ्केन चरमेण <i>Śeṣāṇyāṅkena Carameṇa</i>	4. केवलैः सप्तकं गुण्यात् <i>Kevalaiḥ Sapṭakaṁ Guṇyāt</i>	11. लोपस्थापनाभ्याम् <i>Lopasthāpanābhyām</i>
5. शून्यं साम्यसमुच्चये <i>Śūnyaṁ Sāmyasamuccaye</i>	13. सोपान्त्यद्वयमन्त्यम् <i>Sopāntyadvayamantyaṁ</i>	5. वेष्टनम् <i>Veṣṭanam</i>	12. विलोकनम् <i>Vilokanam</i>
6. (आनुरूप्ये) शून्यमन्यत् <i>(Anurūpye) Śūnyamanyat</i>	14. एकन्यूनेन पूर्वोऽपि <i>Ekanyūṇeṇa Pūrveṇa</i>	6. यावदूनं तावदूनम् <i>Yāvadūnaṁ Tāvadūnaṁ</i>	13. गुणितसमुच्चयः समुच्चयगुणितः <i>Gunitasamuccayaḥ Samuccayaguṇitaḥ</i>
7. संकलनव्यवकलनाभ्याम् <i>Saṅkalana-vyavakalanābhyām</i> (also a corollary)	15. गुणितसमुच्चयः <i>Guṇitasamuccayaḥ</i>	7. यावदूनं तावदूनोक्त्य वर्यं च योजयेत् <i>Yāvadūnaṁ Tāvadūnikṛtya Vargaṇa Yojayet</i>	
8. पूरणापूरणाभ्याम् <i>Pūraṇāpūraṇābhyām</i>	16. गुणकसमुच्चयः <i>Guṇakasamuccayaḥ</i>		

SUTRA		MEANING
1	Ekadhikina Purvena COROLLARY: Anurupyena	By one more than the previous one
2	Nikhilam Navatashcaramam Dashatah COROLLARY: Sisyate Sesasamjnah	All from 9 and the last from 10
3	Urdhva-Tiryagbhyam COR: Adyamadenantyamantyena	Vertically and crosswise
4	Paraavartya Yojayet COR: Kevalaih Saptakam Gunyat	Transpose and adjust
5	Shunyam Saamyasamuccaye COROLLARY: Vestanam	When the sum is the same that sum is zero.
6	(Anurupy) Shunyamanyat COROLLARY: Yavadunam Tavadunam	If one is in ratio, the other is zero
7	Sankalana-vyavakalanabhyam COR: Yavadunam Tavadunikritya Varga Yojayet	By addition and by subtraction
8	Puranapuranaabhyam COROLLARY: Antyayordashakepi	By the completion or non-completion

9	Chalana-Kalanabyham COROLLARY: Antyayoreva	Differences and Similarities
10	Yaavadunam COROLLARY: Samuccayagunitah	Whatever the extent of its deficiency
11	Vyashtisamanstih COROLLARY: Lopanstapanabhyam	Part and Whole
12	Shesanyakena Charamena COROLLARY: Vilokanam	The remainders by the last digit
13	Sopaantyadvayamantyam COR: Gunitasamuccayah Samuccayagunitah	The ultimate and twice the penultimate
14	Ekanyunena Purvena COROLLARY: Dhvajanka	By one less than the previous one
15	Gunitasamuchyah COROLLARY: Dwandwa Yoga	The product of the sum is equal to the sum of the product
16	Gunakasamuchyah	The factors of the sum is equal to the sum of the factors

Dobrobiti vedske matematike

- Poboljšava logičko razmišljanje
- Povečava brzinu računanja
- Razvija kreativnost
- ...

Množenje

- Ono što je još bitno napomenuti je da kad se brojevi množe pišu se jedan ispod drugoga (ako ih je uopće i potrebno pisati)
- I u rezultatu se računa znamenka po znamenka prva znamenka (ili prve dvije ili tri znamenke) ili **lijevi** dio odgovora i **desni** dio odgovora ili druga znamenka (ili zadnje dvije ili tri znamenke)
- **Komplement**
od 10, 100, 1000, od 10 000 itd.
→ *Svi do 9, zadnji do 10.*
- *Komplement broja 7 je broj 3 → 10-7 ili (3 do 10)*
- *komplement od broja 87 je broj 13 → 100-87 ili (1 do 9, 3 do 10);*

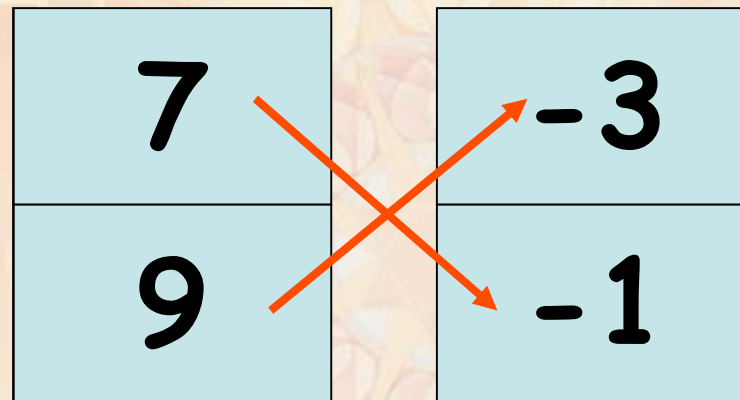
- Primjeri ... dajte nam primjere ...
PRIMJERI!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!



- **MNOŽENJE BROJEVA**
Brojevi blizu baze (10, 100, 1000, ...)

MNOŽENJE ($7*9$), baza 10

Brojevi koji se množe,
faktori



Broj koji označava koliko
faktoru treba do 10.
Znak minus zato jer su
manji od 10

Lijevi dio izračunavamo
tako što računamo,
oduzimamo (dijagonalno)
 $7-1=6$ ili $9-3=6$

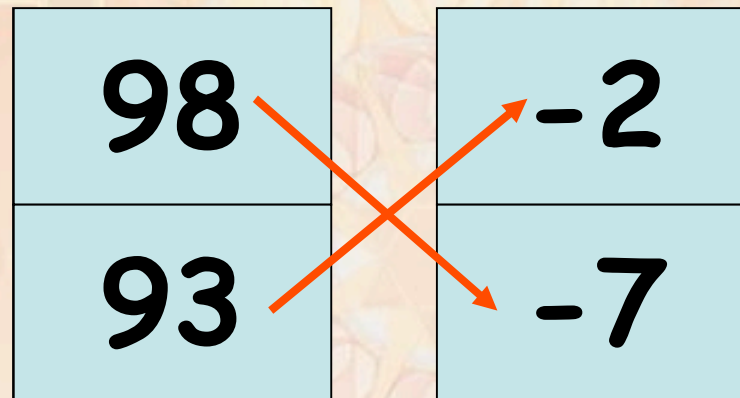
A desni dio tako što
pomnožimo $3*1=3$,
Odnosno $(-3) * (-1)=3$

$98 * 93$ (baza 100)

Faktori

Broj koji označava koliko faktoru treba do 100.
(njegov komplement od 100)

98	-2
93	-7



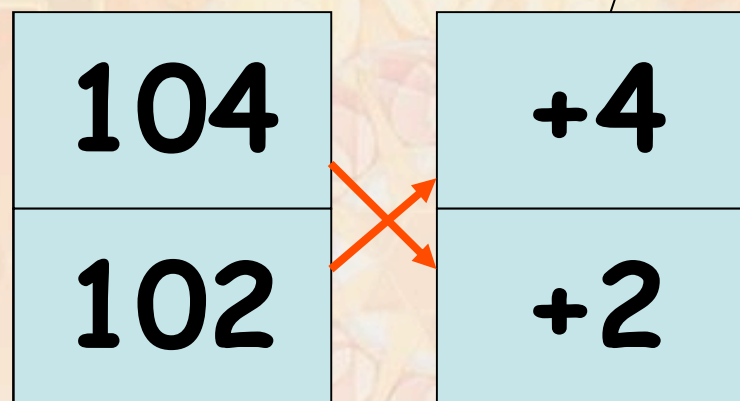
91 14

oduzimamo (dijagonalno)
 $98 - 7$ ili $93 - 2$

Množimo $(-2) * (-7)$

$104*102$ (baza 100)

Broj koji označava koliko je faktor veći od 100.



106 08

ZBRAJMO (dijagonalno)
104+2 ili 102+4

Množimo $4*2$,
ali zbog baze 100
pišemo 08

105*91 (baza 100)

105	+5
91	-9

RAČUNAMO
(dijagonalno)
105-9 ili 91+5

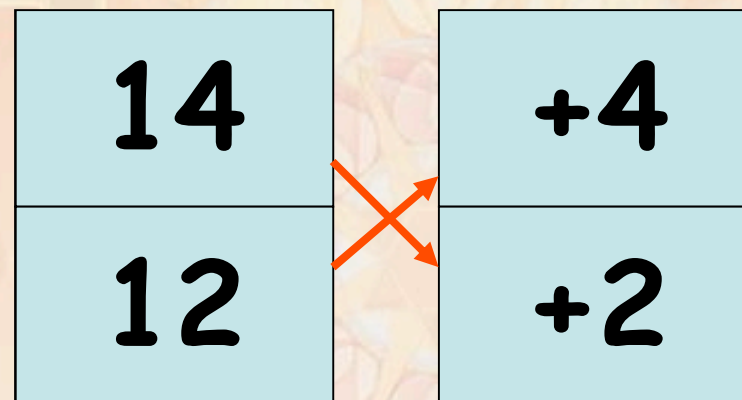
96 45
-1 100-45
95 55

Množimo 5*(-9)
= -45

Komplement od 45 i
jedan manje (96-1)

$14*12$ (baza 10)

Broj koji označava koliko je faktor veći od 10.

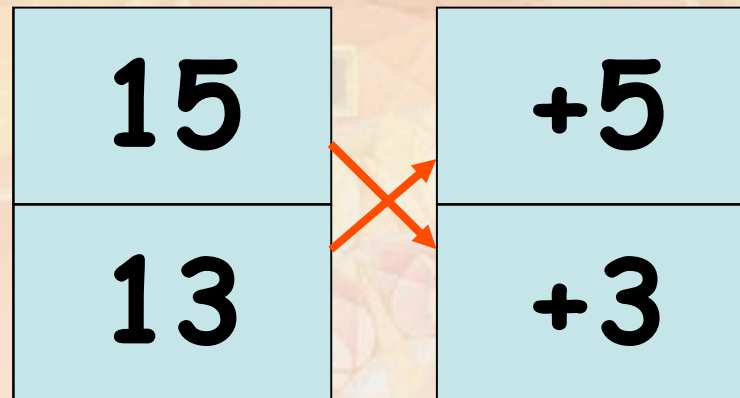


168

ZBRAJMO (dijagonalno)
14+2 ili 12+4

Množimo $4*2$

$$15 * 13 \text{ (baza 10)}$$



ZBRAJMO
(dijagonalno)
15+3 ili 13+5

18₁5

195

Množimo 5*3,
ali desetice
"pamtimo"
zbog baze 10

Dodajemo
desetice

$997 * 989$ (baza 1000)

Broj koji označava koliko je faktor veći ili manji od 1000.

997	-3
989	-11

Nije teško,
zar ne!?

986 033

RAČUNAMO (diagonalno)
997-11 ili 989-3

Množimo $(-3) * (-11) = 33$
ali zbog baze 1000
pišemo 033



Množenje s 11

- Pomnožiti broj s 11 nije problem niti uobičajenim načinom, međutim možemo to napraviti još brže i napamet, ako uočimo neke pravilnosti.

2	8	6
---	---	---

- $26 \cdot 11 = 286$
- → prva znamenka - prepíšemo 2
- → treća znamenka - samo prepíšemo 6
- → drugu znamenku dobijemo tako što zbrojimo prvu i drugu znamenku ($2+6=8$)
- → i rješenje je 286

7	3	7
---	---	---

- $67 \cdot 11$
- → Prvu znamenku prepíšemo; 6
- → drugu znamenku prepíšemo; 7
- → zbrojimo prvu s drugom; $6+7=13$) (međutim nama treba samo jedna znamenka)
- → U ovom slučaju ćemo ovako napisati (razmišljati) 6137 i ovaj jedan pribrojiti prethodnoj znamenci 6. ($6+1=7$)
- → Rješenje je: 737

2	8	2	7
---	---	---	---

- $257 \cdot 11$
 - prva znamenka; prepíšemo 2
 - druga znamenka; zbrojimo prve dvije; $2+5=7$
 - treća znamenka; zbrojimo drugu i treću; $5+7=12$)
 - četvrta znamenka; prepíšemo 7
 - Rješenje je 27_127 ; odnosno 2827

Množenje s 9

- 26*9=...
- → prvo računamo $2+1=3$ (prva znamenka plus 1)
- → zatim $26-3=23$ (cijeli dvoznamenkasti broj minus prva znamenka plus 1)
- → i **23** je prvi dio rješenja
- → zadnji dio rješenja dobijemo tako što napišemo komplement od 6, a to je **4**
- → rješenje je dakle **234**

2	6	
	-3	
2	3	—
2	3	4

- 148*9

→ 14+1=15 (ako je broj troznamenkasti onda računamo prve dvije znamenke plus 1)

→ $148-15=133$ (cijeli broj minus 15)

→ komplement od 8 je 2

→ rješenje je 1332

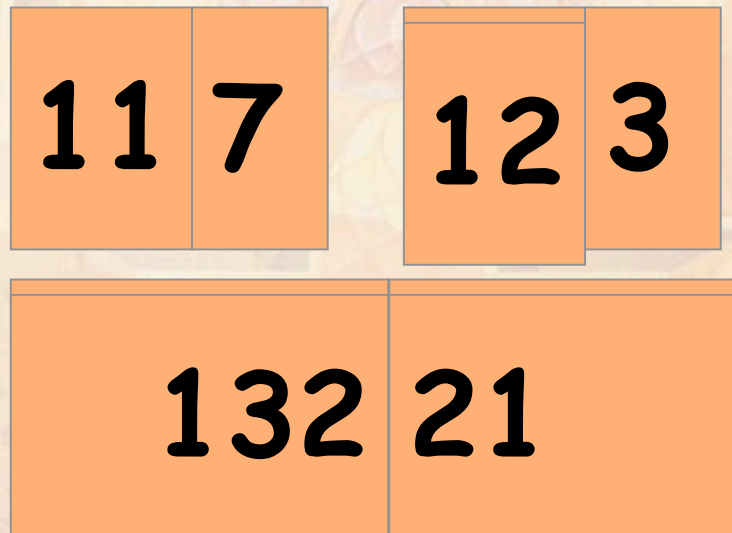
14	8	
-15		
13	3	—
13	3	2

MNOŽENJE KADA ZADNJE ZNAMENKE OBA FAKTORA ZBROJENE DAJU 10 (u istoj desetici)

- $24 \cdot 26$
 - Vidimo da nam zadnje znamenke zbrojene daju 10 ($4+6=10$)
 - Računamo ovako $2 \cdot (2+1) = 2 \cdot 3 = 6$ (Množimo prvu znamenku s većom za jedan)
 - drugi dio rješenja; $4 \cdot 6 = 24$ (Množimo zadnje znamenke)
 - Rješenje je: 624



- 117*113
- (U slučaju troznamenkastog broja uzimamo prve dvije znamenke i množimo s većom za 1)
- → prvi dio rješenja; $11*12=132$
- → drugi dio rješenja; $7*3=21$
- → Rješenje je; 13221



Kvadrati brojeva koji završavaju s 5

- npr. 75×75

56	25
----	----

$$55*58 \text{ (baza } 50 \rightarrow 100/2)$$

55	+5
53	+3

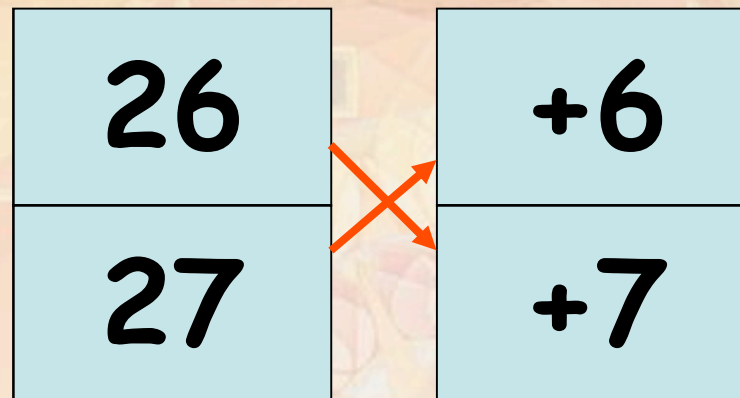
RAČUNAMO
(dijagonalno)

Zbog baze 50
(100/2)
dijelimo s 2

58/2 15
29 15

Množimo

$$26 * 27 \text{ (baza } 20 \rightarrow 10 * 2)$$



RAČUNAMO
(dijagonalno)

Zbog baze 20
($10 * 2$)
množimo s 2

$$33 * 2 \text{ } 4^2$$


$$66 \text{ } 4^2$$

$$70 \text{ } 2$$

Množimo
(zbog baze $10 * 2$
"pamtimo" 4)

$$44*48 \text{ (baza } 50 \rightarrow 100/2)$$

44	-6
48	-2



RAČUNAMO
(dijagonalno)

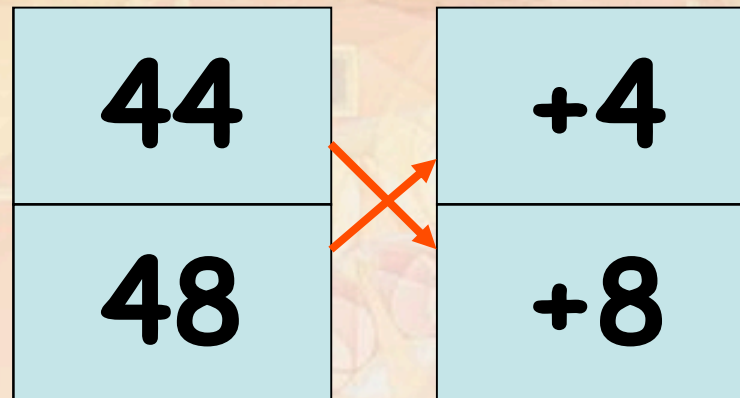
Zbog baze 50
(100/2)
dijelimo s 2

42 12

21 12

Množimo

ili **$44 \cdot 48$** (baza 40 $\rightarrow 10 \cdot 4$)



RAČUNAMO
(dijagonalno)

Zbog baze 40
($10 \cdot 4$)
množimo s 4

Množimo
(zbog baze $10 \cdot 4$
"pamtimo" 4)

52₃2

208₃2

211 2

$$51 * 54 \text{ (baza } 50 \rightarrow 100/2)$$

51	+1
54	+4

RAČUNAMO
(dijagonalno)

Zbog baze 50
(100/2)
dijelimo s 2

27_{1/2} 04

27 54

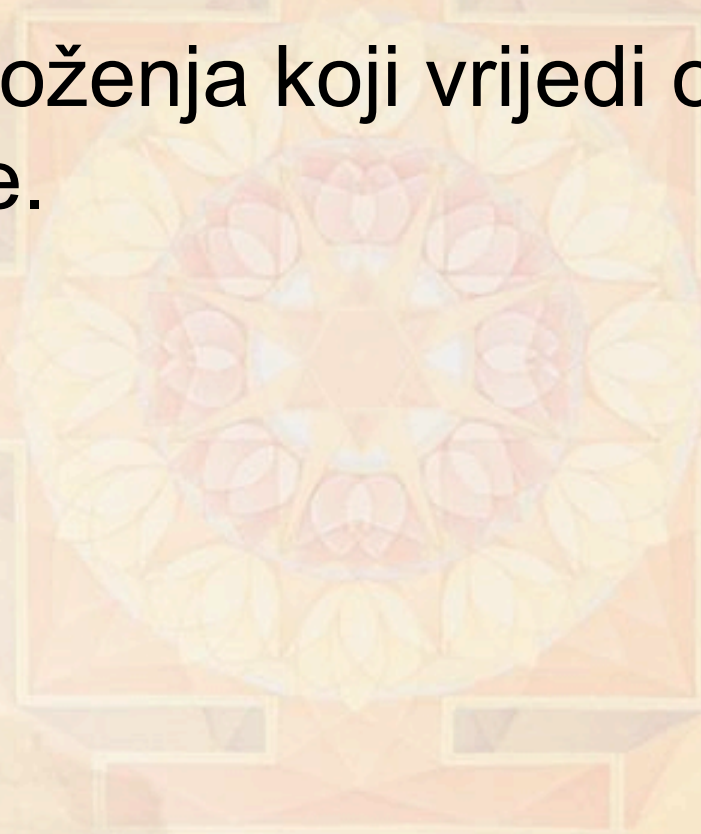
Množimo

Zbog baze 50
dodamo 50

Množenje

VERTIKALNO I DIJAGONALNO

- Primjer množenja koji vrijedi općenito za sve brojeve.



2 4

3 3

2×3

$4 \times 3 + 2 \times 3$

4×3

6

₁8

₁2

7 9 2

- ovo je bio, samo mali dio vedske matematike postoji još i ...
- Oduzimanje, dijeljenje, razlomci, jednačbe, ..
- Svašta zanimljivo pa tko želi znati više...
- **više o svemu na web stranicama:**
- <http://hinduism.about.com/od/vedicmaths/>
- <http://www.learn-and-teach-vedic-mathematics.com/>
- <http://www.vedicmaths.org/>
- <http://www.jainmathemagics.com/>
- **ili u knjigama:**
- Sri Bharati Krishna Tirtha Maharaj, (1965.), *Vedic Mathematics or sixteen simple mathematical formulae form Vedas*, Delhi
- J.T.Glover, (2005.), *Vedic mathematic for schools - book (1),(2),(3)*, Delhi

**Hvala na pažnji,
i nadam se da
vam je bilo
zanimljivo!**



Damir Belavić

Ako imate kakvih pitanja, komentara i sl. pišite na e-mail:
dbelavic@gmail.com